

(23). $f_1 = 400 \text{ Hz}$ (fréquence fondamentale)

$$(a) f_n = n \left(\frac{v}{2L} \right) \quad \text{pour la fondamentale, } n=1 \Rightarrow f_1 = \frac{v}{2L} = 400 \text{ Hz}$$

$$f_2 = 2 \cdot \frac{v}{2L} = 2 \cdot 400 = 800 \text{ Hz} \quad f_3 = 3 \cdot \frac{v}{2L} = 3 \cdot 400 = 1200 \text{ Hz} \quad f_4 = 4 \cdot \frac{v}{2L} = 4 \cdot 400 = 1600 \text{ Hz}$$

(b). tuyau cylindrique ouvert aux deux extrémités $f_n = n \left(\frac{v}{2L} \right) \quad (n \in \mathbb{N})$

On a exactement les mêmes solutions que pour la corde fixée aux deux extrémités !

(c). tuyau cylindrique ouvert à une seule extrémité $f_n = n \left(\frac{v}{4L} \right) \quad (n \in \mathbb{N})$

$$f_1 = \frac{v}{4L} = 400 \text{ Hz} \quad f_3 = 3 \cdot \frac{v}{4L} = 3 \cdot 400 = 1200 \text{ Hz} \quad f_5 = 5 \cdot \frac{v}{4L} = 5 \cdot 400 = 2000 \text{ Hz}$$

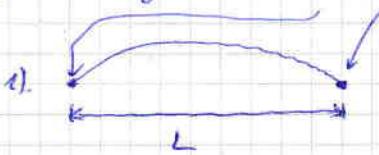
$$f_2 = 7 \cdot \frac{v}{4L} = 7 \cdot 400 = 2800 \text{ Hz}$$

(25). tuyau d'orgue ouvert $\Rightarrow f_n = n \left(\frac{v}{2L} \right)$, en entier $\begin{cases} \text{fondamental, } n=1 \\ \text{1er harmonique } n=2 \end{cases}$

$$\Rightarrow 2^{\text{ème}} \text{ partie}, \quad n=3 \quad f_3 = 3 \cdot \frac{v}{2L} = 262 \text{ Hz}$$

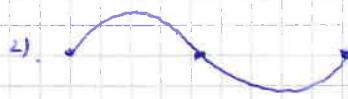
$$\Rightarrow L = \frac{3v}{2 \cdot 262} = \frac{3 \cdot 343}{2 \cdot 262} \approx 1,96 \text{ m}$$

(26). Tube fermé aux deux extrémités: les extrémités sont des noeuds de déplacement.



1. 1^{er} Harmonique (fondamental)
(2 noeuds)

$$L = \frac{\lambda_1}{2} = v \cdot \frac{1}{f_1} \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow f_1 = \frac{v}{2L} \quad (\lambda = \frac{v}{f})$$



$$2^{\text{ème}} \text{ Harmonique} \quad L = \lambda_2 = v \cdot \frac{1}{f_2} \Rightarrow f_2 = \frac{v}{L} = 2 \cdot \left(\frac{v}{2L} \right)$$



$$3^{\text{ème}} \text{ Harmonique} \quad L = 3 \cdot \frac{\lambda_3}{2} = v \cdot \frac{1}{f_3} \cdot \frac{3}{2} \Rightarrow f_3 = \frac{3}{2} \cdot \frac{v}{L} = 3 \cdot \left(\frac{v}{2L} \right)$$

$$\text{on voit que } f_n = n \left(\frac{v}{2L} \right) \quad n=1, 2, 3, \dots$$

C'est la même relation que pour une corde fixée aux 2 extrémités !

(27). Un tunnel est comme un tuyau ouvert à ses 2 extrémités.

$$\text{les harmoniques sont donnés par } f_n = n \left(\frac{v}{2L} \right)$$

la différence des fréquences doit donc être un multiple entier de $\frac{v}{2L}$; en effet:

$$165 - 135 = 30 = \Delta f = f_m - f_n = (m-n) \frac{v}{2L} \quad (m, n \in \mathbb{N}^*)$$

$$1) \text{ Si } m-n=1 \Rightarrow \frac{v}{2L} = 30 \Rightarrow L = \frac{v}{60} \approx 5,71 \text{ m}$$

$$2) \text{ Si } m-n=2 \Rightarrow \frac{v}{2L} = 15 \Rightarrow L = \frac{v}{30} \approx 11,42 \text{ m}$$

$$3) \text{ Si } m-n=3 \Rightarrow \frac{v}{2L} = 10 \Rightarrow L = \frac{v}{10} \approx 22,84 \text{ m}$$

$\left\{ \begin{array}{l} \text{Quel } L \\ \text{choisir?} \\ \text{On essaie!} \\ \text{on applique} \\ f_n = n \cdot \left(\frac{v}{2L} \right) \end{array} \right.$

$$\begin{aligned} 1) & L = 5,71 \text{ m} \Rightarrow 165 = n \cdot \frac{v}{2L} = n \cdot \frac{343}{2L} \\ & \Rightarrow n = \frac{2L \cdot 165}{343} \approx 5,5 \notin \mathbb{N} \\ 2) & L = 11,42 \text{ m} \Rightarrow n = \frac{2L \cdot 165}{343} \approx 11 \in \mathbb{N} \\ & \text{et } n = \frac{2L \cdot 135}{343} \approx 9 \in \mathbb{N} \quad \text{donc } L = 11,42 \text{ m} \end{aligned}$$